

## 单元素养测评卷(一)

## 第一章

(时间:120分钟 分值:150分)

**一、选择题:**本题共8小题,每小题5分,共40分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.

1. 下列关系正确的是 ( )

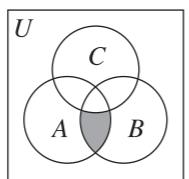
- A.  $a \subseteq \{a, b, c\}$       B.  $\emptyset \in \{0\}$   
 C.  $\{0, 1\} \subseteq \mathbb{N}$       D.  $\sqrt{2} \in \mathbb{Q}$

2. [2025·海南海口高一期中] 若命题  $p: \exists x \in \mathbb{R}, 3x^2 + mx + m^2 \neq 0$ , 则  $\neg p$  为 ( )

- A.  $\exists x \in \mathbb{R}, 3x^2 + mx + m^2 = 0$   
 B.  $\forall x \in \mathbb{R}, 3x^2 + mx + m^2 = 0$   
 C.  $\exists x \in \mathbb{R}, 3x^2 + mx + m^2 > 0$   
 D.  $\forall x \in \mathbb{R}, 3x^2 + mx + m^2 \neq 0$

3. 图中的阴影部分表示的集合为 ( )

- A.  $A \cap B \cap C$   
 B.  $(\complement_U A) \cap B \cap C$   
 C.  $A \cap (\complement_U B) \cap C$   
 D.  $A \cap B \cap (\complement_U C)$



4. [2025·四川达州高一期末] “两个三角形全等”是“两个三角形相似”的 ( )

- A. 充分不必要条件  
 B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件  
 D. 既不充分又不必要条件

5. 已知集合  $A = \{x | x^2 - 5x + 6 = 0\}$ ,  $B = \{x | 0 < x < 6, x \in \mathbb{N}\}$ , 则满足  $A \subseteq C \subseteq B$  的集合 C 的个数为 ( )

- A. 4      B. 8  
 C. 7      D. 16

6. 已知集合  $A = \{x | x < a\}$ ,  $B = \{x | 1 \leq x < 2\}$ , 若  $A \cup (\complement_R B) = \mathbb{R}$ , 则实数 a 的取值范围是 ( )

- A.  $\{a | a \leq 1\}$       B.  $\{a | a < 1\}$   
 C.  $\{a | a \geq 2\}$       D.  $\{a | a > 2\}$

7. “ $\forall x \in \{x | -1 \leq x \leq 1\}, x^2 - a \leq 0$ ”是真命题的一个充分不必要条件是 ( )

- A.  $a \geq 1$       B.  $a \geq 0$   
 C.  $a \geq 10$       D.  $a \leq 10$

8. 已知集合  $M = \{x \in \mathbb{N} | 1 \leq x \leq 15\}$ , 集合  $A_1, A_2, A_3$  满足: ①每个集合都恰有 5 个元素; ② $A_1 \cup A_2 \cup A_3 = M$ . 集合  $A_i (i=1, 2, 3)$  中元素的最大值与最小值之和称为集合  $A_i (i=1, 2, 3)$  的特征数, 记为  $X_i (i=1, 2, 3)$ , 则  $X_1 + X_2 + X_3$  的最大值与最小值的和为 ( )

- A. 56      B. 72  
 C. 87      D. 96

9. [2025·江西上饶高一期中] 若集合  $A = \{a^2 + 2a, 3a + 2, 8\}$ , 则实数 a 的值可能是 ( )

- A. 2      B. 3  
 C. -4      D. 5

10. [2024·沈阳二中高一月考] 下列说法正确的有 ( )

- A. 比较接近 1 的整数的全体能构成一个集合  
 B. 由实数  $x, -x, |x|, \sqrt{x^2}, -\sqrt[3]{x^3}$  所组成的集合, 其元素的个数最多为 2  
 C. 设  $x, y \in \mathbb{R}, A = \{(x, y) | y = x\}, B = \{(x, y) | \frac{y}{x} = 1\}$ , 则  $A = B$   
 D. 若集合  $M = \left\{x \mid x = \frac{k}{2} + \frac{1}{4}, k \in \mathbb{Z}\right\}$ , 集合  $N = \left\{x \mid x = \frac{k}{4} + \frac{1}{2}, k \in \mathbb{Z}\right\}$ , 则  $M \subseteq N$

11. 对于给定整数  $k$ , 如果非空集合  $A$  满足如下三个条件: ① $A \subseteq \mathbb{N}^*$ ; ② $A \neq \{1\}$ ; ③ $\forall x, y \in \mathbb{N}^*$ , 若  $x + y \in A$ , 则  $xy + k \in A$ . 那么称集合 A 为“增  $k$  集”. 则下列命题中为真命题的是 ( )

- A. 若集合 P 是“增 1 集”, 则集合 P 中至少有两个元素  
 B. 若集合 Q 是“增 2 集”, 则  $Q \cup \{1\}$  也一定是“增 2 集”  
 C. 正整数集  $\mathbb{N}^*$  一定是“增 1 集”  
 D. 不存在“增 0 集”

12. 填空题: 本题共 3 小题, 每小题 5 分, 共 15 分.

12. 某班举行数学、物理、化学三科竞赛, 每名同学至少参加一科, 已知参加数学竞赛的有 27 人, 参加物理竞赛的有 25 人, 参加化学竞赛的有 27 人, 其中同时只参加数学、物理两科的有 10 人, 同时只参加物理、化学两科的有 7 人, 同时只参加数学、化学两科的有 11 人, 而参加数学、物理、化学三科的有 4 人. 则全班共有 \_\_\_\_ 人.

13. [2025·江苏连云港高一期中] 已知集合  $A = \{x | -1 \leq x \leq 1\}, B = \{x | x \geq b-a\}$ . 若“ $a=2$ ”是“ $A \cap B = A$ ”的充分条件, 则实数 b 的取值范围为 \_\_\_\_.

14. 设集合  $A = \left\{x \mid m \leq x \leq m + \frac{2}{3}\right\}, B = \left\{x \mid n - \frac{1}{2} \leq x \leq n\right\}$ , 且  $A, B$  都是集合  $\{x | 0 \leq x \leq 1\}$  的子集, 如果把  $b-a$  叫作集合  $\{x | a \leq x \leq b\}$  的“长度”, 那么集合  $A \cap B$  的“长度”的最小值是 \_\_\_\_.

四、解答题: 本题共 5 小题, 共 77 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

15. (13 分) 判断下列命题是否为全称量词命题或存在量词命题, 如果是, 写出该命题的否定, 并判断该命题的否定的真假, 不必证明; 如果不是, 需判断该命题的真假, 并给出证明.

- (1) 存在实数  $x$ , 使得  $x^2 + 2x + 3 \leq 0$ ;  
 (2) 有些三角形是等边三角形;  
 (3) 方程  $x^2 - 8x - 10 = 0$  的每一个根都不是奇数;  
 (4) 若  $ab \neq 0$ , 则“ $a+b=1$ ”的充要条件是“ $b+ab-b^2=0$ ”.

16. (15分)已知集合  $A = \{x \mid -2 \leq x \leq 5\}$ ,  $B = \{x \mid m-1 \leq x \leq 2m+1\}$ .

- (1)当  $x \in \mathbf{N}^*$  时,求集合  $A$  的非空真子集;
- (2)当  $x \in \mathbf{R}$  时,若  $A \cap B = \emptyset$ ,求实数  $m$  的取值范围.

18. (17分)[2025·浙江绍兴高一期中] 已知  $p$ :关于  $x$  的方程  $x^2 - 2x + m^2 = 0$  有两个不相等的实数根;  $q: m \geq 2$ .

- (1)若  $p$  为真命题,求实数  $m$  的取值范围;
- (2)若  $p, q$  中一真一假,求实数  $m$  的取值范围.

19. (17分)对于集合  $A, B$ , 我们把集合  $\{(a, b) \mid a \in A, b \in B\}$  记作  $A \times B$ .

例如,  $A = \{1, 2\}$ ,  $B = \{3, 4\}$ , 则  $A \times B = \{(1, 3), (1, 4), (2, 3), (2, 4)\}$ ,  
 $B \times A = \{(3, 1), (3, 2), (4, 1), (4, 2)\}$ ,  $A \times A = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$ ,  $B \times B = \{(3, 3), (3, 4), (4, 3), (4, 4)\}$ .

据此回答下列问题.

- (1)已知  $C = \{a\}$ ,  $D = \{1, 2, 3\}$ , 求  $C \times D$ ;
- (2)已知  $A \times B = \{(1, 2), (2, 2)\}$ , 求集合  $A, B$ ;
- (3)若  $A$  中有 3 个元素,  $B$  中有 4 个元素, 试确定  $A \times B$  中有几个元素.

17. (15分)(1)已知集合  $A = \{(x, y) \mid 2x - y = 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \mid 3x + y - 5 = 0\}$ , 求  $A \cap B$ .

(2)已知集合  $A = \{1, 9, a^2\}$ ,  $B = \{1, a+6\}$ , 是否存在实数  $a$ , 使得  $A \cup B = A$ ? 若存在, 试求出实数  $a$  的值; 若不存在, 请说明理由.